

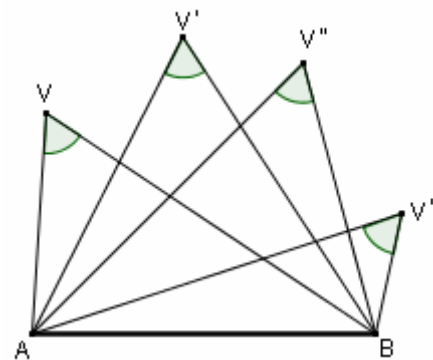
14) Se i punti V, V', V'', V''', \dots
 “vedono” un segmento dato AB “sotto lo stesso angolo”,
 vale a dire: se

$\widehat{AVB} = \widehat{AV'B} = \widehat{AV''B} = \widehat{AV'''B} = \dots$,
 allora i punti $A, B, V, V', V'', V''', \dots$
 stanno su di una stessa circonferenza.

(*Indicazione: dimostra, per assurdo,*
che la circonferenza passante per i tre punti A, B, V ,
deve necessariamente passare anche per V')

HP $\widehat{AVB} = \widehat{AV'B} = \widehat{AV''B} = \widehat{AV'''B} = \dots$;

TH i punti $A, B, V, V', V'', V''', \dots$
 stanno su di una stessa circonferenza.

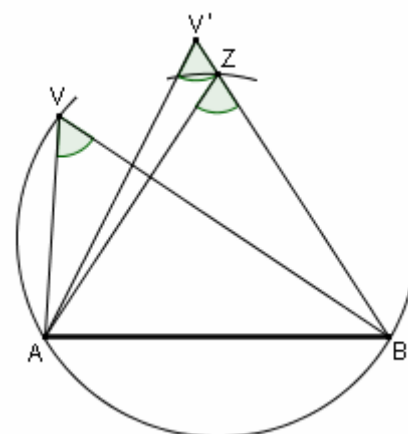


DIM.

Come è noto, per tre punti distinti non allineati
 passa sempre una, e una sola, circonferenza.

Consideriamo dunque la circonferenza passante
 per la terna di punti A, B, V
 e supponiamo, per assurdo, che NON passi per V' .

Allora tale circonferenza andrebbe a intersecare
 la retta BV' in un punto Z , distinto da V'
 (per il ragionamento è irrilevante se questo punto Z
 si trovi sul segmento BV' o sul suo prolungamento).



Ma che accadrebbe allora?

Accadrebbe che i due angoli \widehat{AVB} e \widehat{AZB} ,
 in quanto angoli alla circonferenza che insistono su di uno stesso arco, sarebbero uguali,
 dunque si avrebbe $\widehat{AZB} = \widehat{AVB} \stackrel{\text{HP}}{=} \widehat{AV'B}$.

E ci troveremmo di fronte, con riferimento al triangolo AZV' ,
 ad un angolo esterno uguale a un interno non adiacente,
 in contraddizione col Teorema dell' Angolo Esterno.

L'assurdo trovato dimostra che la circonferenza passante per A, B e V
 deve necessariamente passare anche per V' ;
 e ragionando allo stesso modo si potrebbe mostrare che la stessa circonferenza
 deve passare pure per V'', V''', \dots

La tesi è dimostrata:

esiste un'unica circonferenza, passante per tutti questi punti $A, B, V, V', V'', V''', \dots$