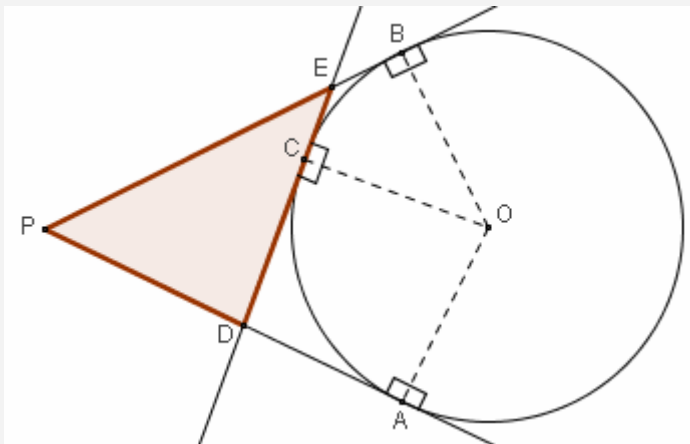


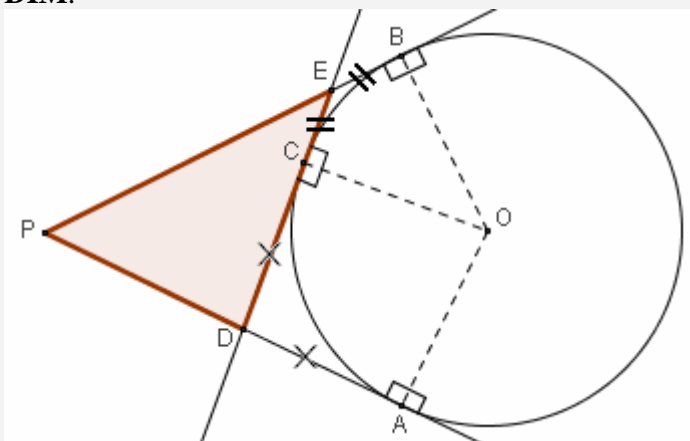
- 10) Siano PA e PB le due tangenti a una circonferenza condotte da un punto esterno P.
 Sia C un punto arbitrario, preso sul più piccolo dei due archi di estremi A e B.
 Si tracci la tangente in C e si indichino con D, E
 i punti in cui questa tangente interseca PA e PB.
 Dimostrare che il perimetro del triangolo PDE rimane costante, al variare del punto C.



HP PA, PB, DE tangenti

TH $2p(\text{PDE}) = \text{costante}$

DIM.



Si ha $DC=DA$ perché segmenti di tangente per uno stesso punto esterno D.
 Per lo stesso motivo, è pure $EC=EB$. Allora

$$\begin{aligned} 2p(\text{PDE}) &= PD + PE + DE = PD + PE + (DC + EC) = \\ &= PD + PE + DA + EB = (PD + DA) + (PE + EB) = \\ &= \boxed{PA + PB} \end{aligned}$$

Ma i segmenti PA e PB non dipendono dalla posizione del punto “mobile” C;
 sono elementi fissi della figura,
 per cui la somma $PA+PB$ si mantiene costante, indipendentemente da C:

$$2p(\text{PDE}) = \text{costante}, \quad \mathbf{c.v.d.}$$