

10) E' dato un triangolo ABC, isoscele sulla base  $\overline{AB}$ .

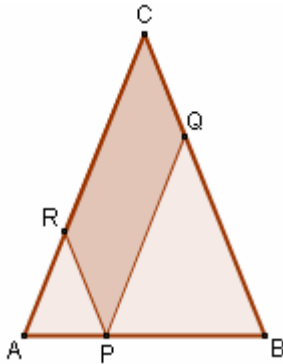
Da un punto P preso arbitrariamente su  $\overline{AB}$  si tracciano:

la parallela ad  $\overline{AC}$ , che incontri  $\overline{BC}$  in Q;

e la parallela a  $\overline{BC}$ , che incontri  $\overline{AC}$  in R.

Dimostrare che il perimetro del parallelogrammo PQCR

è uguale alla somma  $\overline{AC} + \overline{BC}$ .



**HP**

$$\overline{CA} = \overline{CB}$$

$$PQ \parallel AC$$

$$PR \parallel BC$$

**TH**

$$2p(\text{PQCR}) = \overline{AC} + \overline{BC}$$

**DIM.**

Osserviamo che  $\widehat{APR} = \widehat{B}$ ,  $\widehat{BPQ} = \widehat{A}$   
(corrispondenti, parallele con trasversale);

perciò, essendo pure  $\widehat{A} = \widehat{B}$  perché  
angoli alla base di un triangolo isoscele,  
si ha

$$\widehat{APR} = \widehat{B} = \widehat{A} = \widehat{BPQ}$$

Da tali uguaglianze angolari si trae che  
i due triangoli APR, PBQ sono isosceli:

$$\overline{PR} = \overline{AR}, \quad \overline{PQ} = \overline{BQ}$$

per cui potremo scrivere

$$\begin{aligned} 2p(\text{PQCR}) &= \overline{PR} + \overline{RC} + \overline{QC} + \overline{PQ} = \\ &= \overline{AR} + \overline{RC} + \overline{QC} + \overline{BQ} = \\ &= (\overline{AR} + \overline{RC}) + (\overline{QC} + \overline{BQ}) = \\ &= \overline{AC} + \overline{BC} \end{aligned}$$

c.v.d.

