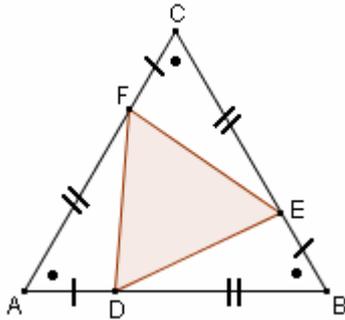


20) Sui lati $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$ del triangolo equilatero ABC si prendano tre segmenti uguali $\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF}$. Dimostrare che il triangolo DEF è pure equilatero.



HP
 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$
 $\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF}$

TH
 $\overline{DE} = \overline{EF} = \overline{FD}$

DIM.

Prima di tutto, osserviamo che $\hat{A} = \hat{B} = \hat{C}$ perché un triangolo equilatero è anche equiangolo.

Inoltre, i tre segmenti \overline{DB} , \overline{EC} , \overline{FA} sono uguali perché **differenze di segmenti uguali**:

$$\begin{aligned} \overline{AB} &= \overline{BC} = \overline{CA} \\ \overline{AD} &= \overline{BE} = \overline{CF} \\ \overline{AB} - \overline{AD} &= \overline{BC} - \overline{BE} = \overline{CA} - \overline{CF} \\ \overline{DB} &= \overline{EC} = \overline{FA} \end{aligned}$$

Confrontiamo allora **simultaneamente** i tre triangoli **ADF**, **BED** e **CFE**. Essi hanno $\hat{A} = \hat{B} = \hat{C}$, $\overline{FA} = \overline{DB} = \overline{EC}$, $\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF}$, quindi sono uguali per il **1° Criterio** e in particolare è $\overline{FD} = \overline{DE} = \overline{EF}$, C.V.D.