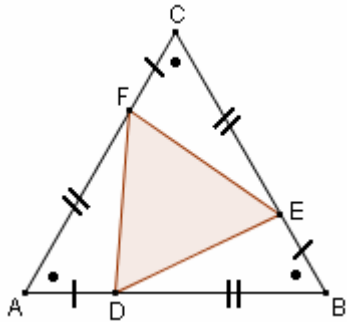


20) Sui lati  $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$  del triangolo equilatero ABC si prendano tre segmenti uguali  $\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF}$ . Dimostrare che il triangolo DEF è pure equilatero.



**HP**  
 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CA}$   
 $\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF}$

**TH**  
 $\overline{DE} = \overline{EF} = \overline{FD}$

**DIM.**

Prima di tutto, osserviamo che  $\hat{A} = \hat{B} = \hat{C}$  perché **un triangolo equilatero è anche equiangolo**.

Inoltre, i tre segmenti  $\overline{DB}$ ,  $\overline{EC}$ ,  $\overline{FA}$  sono uguali perché **differenze di segmenti uguali**:

$$\begin{aligned} \overline{AB} &= \overline{BC} = \overline{CA} \\ \overline{AD} &= \overline{BE} = \overline{CF} \\ \overline{AB} - \overline{AD} &= \overline{BC} - \overline{BE} = \overline{CA} - \overline{CF} \\ \overline{DB} &= \overline{EC} = \overline{FA} \end{aligned}$$

**Confrontiamo** allora **simultaneamente** i tre triangoli **ADF**, **BED** e **CFE**. Essi hanno  $\hat{A} = \hat{B} = \hat{C}$ ,  $\overline{FA} = \overline{DB} = \overline{EC}$ ,  $\overline{AD} = \overline{BE} = \overline{CF}$ , quindi sono uguali per il **1° Criterio** e in particolare è  $\overline{FD} = \overline{DE} = \overline{EF}$ , C.V.D.